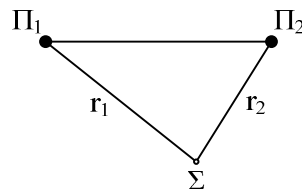


KΥΜΑΤΑ

- 1) Το μήκος κύματος δύο κυμάτων που συμβάλλουν και δημιουργούν στάσιμο κύμα είναι λ . Η απόσταση μεταξύ δύο διαδοχικών δεσμών του στάσιμου κύματος θα είναι:

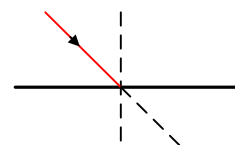
α. λ β. $\frac{\lambda}{2}$ γ. 2λ δ. $\frac{\lambda}{4}$.

- 2) Δύο αρμονικά εγκάρσια κύματα, που διαδίδονται σε επιφάνεια νερού, έχουν την ίδια συχνότητα και το ίδιο πλάτος. Τα κύματα βρίσκονται σε φάση και ξεκινούν ταυτόχρονα από τις πηγές Π_1 και Π_2 . Τα κύματα φτάνουν σε σημείο Σ που απέχει απόσταση r_1 από την πηγή Π_1 και απόσταση r_2 από την πηγή Π_2 , όπως φαίνεται στο διπλανό σχήμα.



- i) Τι εννοούμε με τον όρο ενίσχυση του κύματος στο σημείο Σ ;
ii) Ποια σχέση καθορίζει τη θέση των σημείων στα οποία έχουμε ενισχυτική συμβολή;
iii) Τι εννοούμε με τον όρο απόσβεση του κύματος σε σημείο Σ ;
iv) Ποια σχέση καθορίζει τη θέση των σημείων στα οποία έχουμε απόσβεση;
- 3) Μονοχρωματική ακτινοβολία μήκους κύματος λ_0 περνάει από τον αέρα (κενό) σε διαφανές μέσο. Να εξηγήσετε, γιατί το μήκος κύματος της ακτινοβολίας στο μέσο αυτό δεν μπορεί να αυξηθεί

- 4) Ακτίνα μονοχρωματικού φωτός που διαδίδεται στο οπτικό μέσο Α με δείκτη διάθλασης n_A προσπίπτει με γωνία μικρότερη της κρίσιμης στη διαχωριστική επιφάνεια με άλλο διαφανές οπτικό μέσο Β με δείκτη διάθλασης n_B , όπου $n_B < n_A$.



- A.** Να μεταφέρετε το σχήμα στο τετράδιό σας και να σχεδιάσετε τη διαθλώμενη ακτίνα.
- B.** Ποια από τις δύο γωνίες είναι μεγαλύτερη;
α. η γωνία προσπτώσεως,
β. η γωνία διαθλάσεως.
Να αιτιολογήσετε την απάντησή σας.
- 5) Αν η εξίσωση ενός αρμονικού κύματος είναι $y = 10\eta\mu(6\pi t - 2\pi x)$ στο S.I., τότε η ταχύτητα διάδοσης του κύματος είναι ίση με:
α. 10m/s β. 6m/s γ. 2m/s δ. 3m/s.
- 6) Δύο όμοιες πηγές κυμάτων Α και Β στην επιφάνεια μιας ήρεμης λίμνης βρίσκονται σε φάση και παράγουν υδάτινα αρμονικά κύματα. Η κάθε μία παράγει κύμα (πρακτικά) αμείωτου πλάτους 10cm και μήκους κύματος 2m. Ένα σημείο Γ στην επιφάνεια της λίμνης απέχει από την πηγή Α απόσταση 6m και από την πηγή Β απόσταση 2m. Το πλάτος της ταλάντωσης του σημείου Γ είναι :
α. 0cm β. 10cm γ. 20cm δ. 40cm .
- 7) Μια ακτίνα φωτός προσπίπτει στην επίπεδη διαχωριστική επιφάνεια δύο μέσων. Όταν η διαθλώμενη ακτίνα κινείται παράλληλα προς τη διαχωριστική επιφάνεια, τότε η γωνία πρόσπτωσης ονομάζεται :
α. μέγιστη γωνία β. ελάχιστη γωνία
γ. μηδενική γωνία δ. κρίσιμη γωνία.
- 8) Σε αρμονικό ηλεκτρομαγνητικό κύμα που διαδίδεται στο κενό το ηλεκτρικό πεδίο περιγράφεται στο S.I από την εξίσωση $E=30\eta\mu 2\pi(6 \cdot 10^{10}t - 2 \cdot 10^2x)$. Να εξετάσετε αν το μαγνητικό

iv) είναι κοινά σε όλα τα είδη των κυμάτων, ηλεκτρομαγνητικά και μηχανικά.

16) Συμπλήρωση κενών

- i) Κατά τη διάδοση ενός κύματος μεταφέρεται ενέργεια και ορμή από μια περιοχή του υλικού μέσου σε άλλη, αλλά δεν μεταφέρεται
- ii) Διαμήκη ονομάζονται τα κύματα στα οποία τα σημεία του ελαστικού μέσου ταλαντώνονται στη διεύθυνση διάδοσης του κύματος.
- iii) Η αιτία δημιουργίας του ηλεκτρομαγνητικού κύματος είναι η κίνηση ηλεκτρικών φορτίων.
- iv) Η ταυτόχρονη διάδοση δύο ή περισσότερων κυμάτων στην ίδια περιοχή ενός ελαστικού μέσου ονομάζεται
- v) Τα σημεία που πάλλονται με μέγιστο πλάτος ταλάντωσης σε ένα στάσιμο κύμα ονομάζονται

17) Συμπλήρωση κενών

- i) Στη σύνθεση δύο αρμονικών ταλαντώσεων της ίδιας διεύθυνσης, που γίνονται γύρω από το ίδιο σημείο με το ίδιο πλάτος και λίγο διαφορετικές συχνότητες, ο χρόνος ανάμεσα σε δύο διαδοχικές μεγιστοποιήσεις του πλάτους ονομάζεται του διακροτήματος.
- ii) Το φαινόμενο στο οποίο παράλληλες φωτεινές ακτίνες μετά την ανάκλασή τους σε κάποια επιφάνεια δεν είναι πια παράλληλες, ονομάζεται
- iii) Η απόσταση στην οποία διαδίδεται ένα κύμα σε χρόνο μιας ονομάζεται μήκος κύματος.
- iv) Αιτία δημιουργίας ενός ηλεκτρομαγνητικού κύματος είναι η κίνηση ηλεκτρικών φορτίων.

18) Σωστού – Λάθους.

- i) Το μήκος κύματος μιας μονοχρωματικής ακτινοβολίας μειώνεται όταν αυτή περνά από ένα διαφανές μέσο (π.χ. γυαλί) στον αέρα.
- ii) Με τα στάσιμα κύματα μεταφέρεται ενέργεια από το ένα σημείο του μέσου σε άλλο σημείο του ίδιου μέσου.
- iii) Το αποτέλεσμα της συμβολής δυο όμοιων κυμάτων στην επιφάνεια υγρού είναι ότι όλα τα σημεία της επιφάνειας είτε παραμένουν διαρκώς ακίνητα είτε ταλαντώνονται με μέγιστο πλάτος.

19) Το ηλεκτρομαγνητικό κύμα

- α.** είναι διάμηκες.
- β.** είναι εγκάρσιο όπου τα διανύσματα του ηλεκτρικού και μαγνητικού πεδίου είναι παράλληλα μεταξύ τους.
- γ.** παράγεται από σταθερό ηλεκτρικό ή σταθερό μαγνητικό πεδίο.
- δ.** έχει ως αίτιο την επιταχυνόμενη κίνηση ηλεκτρικών φορτίων.

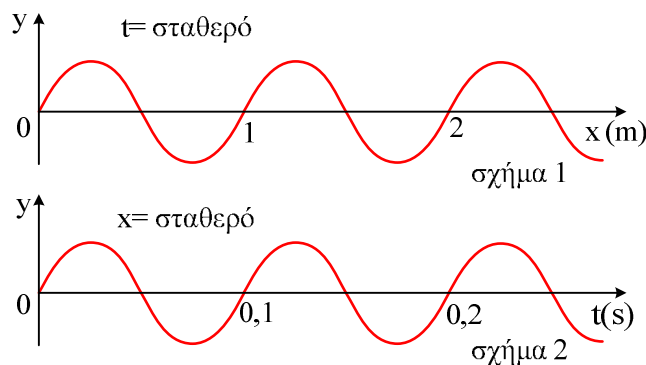
20) Σωστού – Λάθους.

- i) Τα διαμήκη κύματα διαδίδονται μόνο στα στερεά σώματα.
- ii) Τα μικροκύματα παράγονται από ηλεκτρονικά κυκλώματα.
- iii) Το όζον της στρατόσφαιρας απορροφά κατά κύριο λόγο την επικίνδυνη υπεριώδη ακτινοβολία.
- iv) Ο δείκτης διάθλασης ενός οπτικού υλικού είναι πάντα μικρότερος της μονάδας.
- v) Κατά την επιταχυνόμενη κίνηση ηλεκτρικών φορτίων εκπέμπονται ηλεκτρομαγνητικά κύματα.

21) Σωστού – Λάθους.

- i) Τα ραδιοκύματα εκπέμπονται από ραδιενεργούς πυρήνες.

- ii) Η ταχύτητα με την οποία διαδίδεται ένα κύμα σε ένα μέσον, εξαρτάται μόνο από τις ιδιότητες του μέσου που διαταράσσεται, και όχι από το πόσο ισχυρή είναι η διαταραχή.
- iii) Σε στάσιμο κύμα τα σημεία του μέσου που ταλαντώνονται, διέρχονται ταυτόχρονα από τη θέση ισορροπίας τους.
- iv) Τα ραδιοκύματα διαδίδονται στο κενό με ταχύτητα μικρότερη από την ταχύτητα διάδοσης του φωτός.
- v) Σύμφωνα με την αρχή της επαλληλίας, η συνεισφορά κάθε κύματος στην απομάκρυνση κάποιου σημείου του μέσου εξαρτάται από την ύπαρξη του άλλου κύματος.
- vi) Όταν μονοχρωματικό φως διέρχεται από ένα μέσο σε κάποιο άλλο με δείκτες διάθλασης $n_1 \neq n_2$, το μήκος κύματος της ακτινοβολίας είναι το ίδιο στα δύο μέσα.
- 22) Σωστού - λάθους
- i) Ένα φορτίο που κινείται με σταθερή ταχύτητα στο κενό εκπέμπει διαμήκεις ηλεκτρομαγνητικό κύμα.
- ii) Οι νόμοι της διάθλασης ισχύουν και για μηχανικά κύματα.
- iii) Δύο πηγές εκπέμπουν κύματα με το ίδιο μήκος κύματος. Για να παρατηρηθεί το φαινόμενο συμβολής των κυμάτων αυτών σε τυχαίο σημείο, θα πρέπει οι πηγές να είναι οπωσδήποτε σύγχρονες.
- iv) Κατά τη διάδοση ενός ηλεκτρομαγνητικού κύματος δεν διαδίδεται ενέργεια.
- v) Το φαινόμενο της ολικής εσωτερικής ανάκλασης μπορεί να συμβεί όταν το φως μεταβαίνει από μέσο με μικρότερο δείκτη διάθλασης σε μέσο με μεγαλύτερο δείκτη διάθλασης.
- vi) Κατά τη διάδοση ενός κύματος σ' ένα ελαστικό μέσο μεταφέρεται ενέργεια και ορμή.
- 23) Σωστού – Λάθους.
- i) Εγκάρσια ονομάζονται τα κύματα στα οποία όλα τα σημεία του ελαστικού μέσου ταλαντώνονται παράλληλα στη διεύθυνση διάδοσης του κύματος.
- ii) Το φαινόμενο της ολικής ανάκλασης συμβαίνει μόνο όταν το φως μεταβαίνει από μέσο (α) σε μέσο (β) για τα οποία ισχύει $n_a > n_b$.
- iii) Κατά τη διάδοση ενός κύματος σ' ένα ελαστικό μέσο μεταφέρεται ενέργεια και ορμή.
- 24) Το σχήμα 1 παριστάνει στιγμιότυπο εγκάρσιου αρμονικού κύματος, ενώ το σχήμα 2 παριστάνει την κατακόρυφη απομάκρυνση από τη θέση ισορροπίας ενός δεδομένου σημείου του ελαστικού μέσου, στο οποίο διαδίδεται το παραπάνω κύμα, σε συνάρτηση με το χρόνο.



Από τη μελέτη των δύο σχημάτων προκύπτει ότι η ταχύτητα διάδοσης του κύματος είναι

- α.** 0,1 m/s .
β. 1 m/s .
γ. 10 m/s .

Να δικαιολογήσετε την απάντησή σας.

- 25) Το πλάτος της ταλάντωσης κάθε σημείου ελαστικού μέσου στο οποίο σχηματίζεται στάσιμο κύμα:
- είναι το ίδιο για όλα τα σημεία του μέσου.
 - εξαρτάται από τη θέση του σημείου.
 - εξαρτάται από τη θέση και τη χρονική στιγμή.
 - εξαρτάται από τη χρονική στιγμή.
- 26) Το παρατηρούμενο «στάσιμο» μιας ράβδου της οποίας ένα τμήμα είναι βυθισμένο στο νερό οφείλεται στο φαινόμενο της:
- ανάκλασης.
 - διάχυσης .
 - διάθλασης.
 - ολικής ανάκλασης.
- 27) Η αρχή της επαλληλίας των κυμάτων:
- παραβιάζεται μόνον όταν τα κύματα είναι τόσο ισχυρά, ώστε οι δυνάμεις που ασκούνται στα σωματίδια του μέσου, δεν είναι ανάλογες των απομακρύνσεων.
 - δεν παραβιάζεται ποτέ.
 - ισχύει μόνον όταν τα κύματα που συμβάλλουν, προέρχονται από πηγές που βρίσκονται σε φάση.
 - δεν ισχύει, όταν συμβάλλουν περισσότερα από δύο κύματα.
- 28) Ημιτονοειδές κύμα με μήκος κύματος λ_1 διαδίδεται σε ένα μέσο με ταχύτητα v_1 . Όταν το κύμα εισέλθει σε δεύτερο μέσο διαδίδεται με ταχύτητα v_2 ($v_2 \neq v_1$). Το μήκος κύματος στο δεύτερο μέσο θα είναι
- $\lambda_2 = \lambda_1(v_2/v_1)$.
 - $\lambda_2 = \lambda_1(v_1/v_2)$.
 - $\lambda_2 = \lambda_1$.
- Να δικαιολογήσετε την απάντησή σας.
- 29) Δυο σύγχρονες πηγές δημιουργούν στην επιφάνεια υγρού εγκάρσια κύματα πλάτους A και μήκους κύματος λ . Ένα σημείο Σ βρίσκεται στην επιφάνεια του υγρού σε αποστάσεις r_1 και r_2 από τις πηγές αντίστοιχα. Αν ξέρουμε ότι ισχύει $|r_1 - r_2| = 11\lambda$, τότε το Σ ταλαντώνεται με πλάτος
- A .
 - $A\sqrt{2}$.
 - 0 .
 - $2A$.
- 30) Η μετάδοση ηλεκτρομαγνητικών κυμάτων στις οπτικές ίνες στηρίζεται στο φαινόμενο:
- της συμβολής.
 - της διάθλασης.
 - της περίθλασης.
 - της ολικής ανάκλασης.
- 31) Δίνονται τα πιο κάτω ζεύγη εξισώσεων όπου E η ένταση ηλεκτρικού πεδίου και B η ένταση μαγνητικού πεδίου:
- $$E = 75 \text{ ημ } 2\pi (12 \cdot 10^{10} t - 4 \cdot 10^4 x)$$

$$B = 25 \cdot 10^{-8} \text{ ημ } 2\pi (12 \cdot 10^{10} t - 4 \cdot 10^4 x) \text{ (SI)}$$
 - $$E = 300 \text{ ημ } 2\pi (6 \cdot 10^{10} t - 2 \cdot 10^2 x)$$

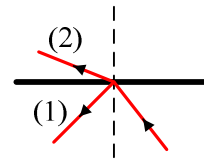
$$B = 100 \cdot 10^{-8} \text{ ημ } 2\pi (6 \cdot 10^{10} t - 2 \cdot 10^2 x) \text{ (SI)}$$
 - $$E = 150 \text{ ημ } 2\pi (9 \cdot 10^{10} t - 3 \cdot 10^2 x)$$

$$B = 50 \cdot 10^{-8} \text{ ημ } 2\pi (9 \cdot 10^{10} t + 3 \cdot 10^2 x) \text{ (SI)}$$
- Ποιο από τα παραπάνω ζεύγη περιγράφει ηλεκτρομαγνητικό κύμα που διαδίδεται στο κενό;

Να αιτιολογήσετε την απάντησή σας.

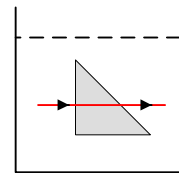
Δίνεται η ταχύτητα του φωτός στο κενό $c = 3 \cdot 10^8$ m/s .

- 32) Μονοχρωματική ακτινοβολία εισέρχεται στο μέσο 2 από το μέσο 1, όπως φαίνεται στο σχήμα. Αν f_1 και f_2 είναι οι συχνότητες, λ_1 και λ_2 τα μήκη κύματος, v_1 και v_2 οι ταχύτητες και n_1 και n_2 οι δείκτες διάθλασης στα δύο μέσα αντίστοιχα, θα ισχύει ότι



- i) $f_1 > f_2$.
- ii) $n_1 < n_2$.
- iii) $v_1 > v_2$.
- iv) $\lambda_1 < \lambda_2$.

- 33) Γυάλινο πρίσμα είναι βυθισμένο εξ ολοκλήρου σε υγρό. Μονοχρωματική ακτινοβολία διαδίδεται, όπως δείχνει το σχήμα. Αν το πρίσμα και το υγρό έχουν δείκτες διάθλασης n_1 και n_2 αντίστοιχα, τότε ισχύει:



- i) $n_1 > n_2$.
- ii) $n_2 > n_1$.
- iii) $n_1 = n_2$.
- iv) $n_2 = 2n_1$.

- 34) Δύο σύμφωνες πηγές (1) και (2) δημιουργούν στην επιφάνεια υγρού εγκάρσια αρμονικά κύματα με πλάτος A και μήκος κύματος $\lambda = 4$ cm. Σημείο M της επιφάνειας του υγρού απέχει $r_1 = 17$ cm από την πηγή (1) και $r_2 = 9$ cm από την πηγή (2).

- i) Το πλάτος της ταλάντωσης στο σημείο M λόγω συμβολής είναι ίσο με
α. 0. β. $\sqrt{2} A$ γ. $2A$.
- ii) Να δικαιολογήσετε την απάντησή σας.

- 35) Να γράψετε στο τετράδιό σας τους αριθμούς από τα στοιχεία της Στήλης I του παρακάτω πίνακα και δίπλα σε κάθε αριθμό το γράμμα από τα στοιχεία της Στήλης II που αντιστοιχεί σε αυτόν. (Στη Στήλη II περισεύει μια κατηγορία

Στήλη I	Στήλη II
(Ιδιότητες ή εφαρμογές των ηλεκτρομαγνητικών κυμάτων)	(Κατηγορίες ηλεκτρομαγνητικών κυμάτων)
1. Λήψη ακτινογραφιών.	α. Ραδιοκύματα.
2. Λειτουργία τηλεόρασης.	β. Μικροκύματα.
3. Απορρόφηση από το όζον της στρατόσφαιρας.	γ. Υπέρυθρες.
4. Λειτουργία ραντάρ.	δ. Υπεριώδεις.
5. Εκπομπή από θερμά σώματα.	ε. Ακτίνες X.
	στ. Ακτίνες γ .

- 36) Στη χορδή μιας κιθάρας δημιουργείται στάσιμο κύμα συχνότητας f_1 . Το στάσιμο κύμα έχει τέσσερις δεσμούς, δύο στα άκρα της χορδής και δύο μεταξύ αυτών. Στην ίδια χορδή, με άλλη διέγερση, δημιουργείται άλλο στάσιμο κύμα συχνότητας f_2 , που έχει εννέα συνολικά δεσμούς, δύο στα άκρα της χορδής και 7 μεταξύ αυτών.

Η συχνότητα f_2 είναι ίση με:

$$\alpha. \frac{4}{3} f_1 . \quad \beta. \frac{8}{3} f_1 . \quad \gamma. \frac{5}{3} f_1 .$$

Να αιτιολογήσετε την απάντησή σας.

- 37) Μονοχρωματική ακτίνα φωτός προσπίπτει πλάγια στη διαχωριστική επιφάνεια δύο οπτικών μέσων 1 και 2. Οι δείκτες διάθλασης στα μέσα 1 και 2 είναι αντίστοιχα n_1 και n_2 με $n_1 > n_2$. Αν η μονοχρωματική ακτίνα ανακλάται ολικά
- υπάρχει διαθλώμενη ακτίνα.
 - η γωνία πρόσπτωσης είναι ίση με τη γωνία ανάκλασης.
 - η γωνία πρόσπτωσης είναι μικρότερη από την κρίσιμη γωνία ανάκλασης.
 - η ταχύτητα διάδοσής της μεταβάλλεται.

- 38) Σ' ένα στάσιμο κύμα όλα τα μόρια του ελαστικού μέσου στο οποίο δημιουργείται
- έχουν ίδιες κατά μέτρο μέγιστες ταχύτητες.
 - έχουν ίσα πλάτη ταλάντωσης.
 - διέρχονται ταυτόχρονα από τη θέση ισορροπίας.
 - έχουν την ίδια φάση.

- 39) Κατά μήκος ευθείας $x'x$ βρίσκονται στις θέσεις Κ και Λ δύο σημειακές πηγές Π_1 και Π_2 παραγωγής μηχανικών αρμονικών κυμάτων. Η εξίσωση που περιγράφει τις απομακρύνσεις τους από τη θέση ισορροπίας τους σε συνάρτηση με το χρόνο είναι $y = A \eta \mu \omega t$. Η απόσταση (ΚΛ) είναι 6cm. Το μήκος κύματος των παραγόμενων κυμάτων είναι 4cm. Σε σημείο Σ της ευθείας $x'x$, το οποίο δεν ανήκει στο ευθύγραμμο τμήμα ΚΛ και δεν βρίσκεται κοντά στις πηγές, το πλάτος ταλάντωσής του Α' θα είναι
- $A' = 2A$
 - $A' = 0$
 - $0 < A' < 2A$

Να αιτιολογήσετε την απάντησή σας.

- 40) Ηλεκτρομαγνητική ακτινοβολία εκπέμπεται :
- από φορτισμένο πυκνωτή
 - από φορτία που κινούνται με σταθερή ταχύτητα
 - από φορτία τα οποία επιταχύνονται
 - από ακίνητο ραβδόμορφο μαγνήτη.

- 41) Για κάθε ηλεκτρομαγνητικό κύμα που διαδίδεται στο κενό, με ταχύτητα c , ο λόγος του μέτρου της έντασης Β του μαγνητικού πεδίου του κύματος προς το μέτρο της έντασης Ε του ηλεκτρικού πεδίου του κύματος, στο ίδιο σημείο και την ίδια χρονική στιγμή, είναι

$$\alpha) c \quad \beta) c^2 \quad \gamma) \frac{1}{c} \quad \delta) \frac{1}{c^2}$$

- 42) Δύο όμοιες πηγές κυμάτων Π_1 και Π_2 , που βρίσκονται στην επιφάνεια νερού, ταλαντώνονται σε φάση παράγοντας αρμονικά κύματα ίδιου πλάτους Α. Το πλάτος της ταλάντωσης ενός σημείου Σ που ισαπέχει από τις πηγές Π_1 και Π_2 , είναι:

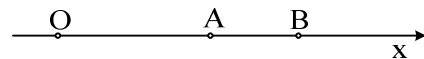
$$\alpha. A. \quad \beta. 2A. \quad \gamma. \frac{A}{2} \quad \delta. 0$$

- 43) Στον παρακάτω πίνακα, στη Στήλη Ι αναφέρονται διάφορα είδη ακτινοβολίας, ενώ στη Στήλη ΙΙ αναφέρονται ιδιότητες ή χρήσεις ή προέλευση των ακτινοβολιών. Να γίνουν οι αντιστοιχίσεις. (Ένα δεδομένο της Στήλης ΙΙ περισσεύει).

Στήλη Ι	Στήλη ΙΙ
1. Ραδιοκύματα	α. Ραντάρ
2. Μικροκύματα	β. Μαύρισμα της επιδερμίδας
3. Υπέρυθρες ακτίνες	γ. Ραδιόφωνο
4. Υπεριώδεις ακτίνες	δ. Αύξηση της θερμοκρασίας

5. Ακτίνες γ	ε. Όραση
στ. Ραδιενεργοί πυρήνες	

- 44) Δύο όμοιες πηγές κυμάτων που βρίσκονται στην επιφάνεια νερού ταλαντώνονται σε φάση παράγοντας αρμονικά κύματα ίδιου πλάτους. Ο γεωμετρικός τόπος των σημείων της επιφάνειας του νερού τα οποία παραμένουν διαρκώς ακίνητα, είναι
- κύκλοι.
 - ελλείψεις.
 - παραβολές.
 - υπερβολές.
- 45) Στα διαμήκη κύματα όλα τα σημεία του ελαστικού μέσου ταλαντώνονται κάθετα στη διεύθυνση διάδοσης του κύματος.
- Η ταυτόχρονη διάδοση δύο ή περισσοτέρων κυμάτων στην ίδια περιοχή ενός ελαστικού μέσου ονομάζεται συμβολή.
 - Όταν ευθύγραμμος αγωγός διαρρέεται από εναλλασσόμενο ρεύμα, τότε γύρω του παράγεται ηλεκτρομαγνητικό κύμα.
- 46) Μονοχρωματική ακτινοβολία με μήκος κύματος λ_0 στο κενό περνάει από το μέσον α με δείκτη διάθλασης n_α στο μέσον β με δείκτη διάθλασης n_β προσπίπτοντας κάθετα στη διαχωριστική επιφάνεια των δύο μέσων. Αν $n_\alpha = 2n_\beta$, τότε το μήκος κύματος λ_β της ακτινοβολίας στο μέσον β και το μήκος κύματος λ_α της ακτινοβολίας στο μέσο α ικανοποιούν τη σχέση
- α. $\lambda_\beta = \frac{\lambda_\alpha}{2}$ β. $\lambda_\beta = 2\lambda_\alpha$ γ. $\lambda_\beta = 4\lambda_\alpha$.
- Να επιλέξετε το γράμμα που αντιστοιχεί στο σωστό συμπλήρωμα.
Να δικαιολογήσετε την επιλογή σας.
- 47) Μονοχρωματική ακτίνα φωτός μεταβαίνει από διαφανές μέσο Α σε άλλο διαφανές μέσο Β. Αν η γωνία πρόσπτωσης είναι $\theta_a = 30^\circ$ και η γωνία διάθλασης είναι $\theta_b = 45^\circ$, τότε η ταχύτητα διάδοσης της μονοχρωματικής ακτινοβολίας στο μέσο Β είναι
- μικρότερη από αυτή στο μέσο Α.
 - ίση με αυτή στο μέσο Α.
 - μεγαλύτερη από αυτή στο μέσο Α.
 - εξαρτάται από τη συχνότητα της μονοχρωματικής ακτινοβολίας.
- 48) Στάσιμο κύμα δημιουργείται σε γραμμικό ελαστικό μέσο. Τότε για τα διάφορα σημεία του ελαστικού μέσου ισχύει ότι :
- έχουν το ίδιο πλάτος ταλάντωσης
 - έχουν διαφορετική συχνότητα ταλάντωσης
 - το πλάτος ταλάντωσής τους εξαρτάται από τη θέση τους
 - γίνεται μεταφορά ενέργειας από το ένα σημείο στο άλλο.
- 49) Πηγή Ο αρχίζει να ταλαντώνεται με εξίσωση $y = A \sin \omega t$ σε γραμμικό ελαστικό μέσο. Το παραγόμενο αρμονικό κύμα διαδίδεται κατά τη θετική φορά του άξονα Οx. Τα σημεία Α, Β που φαίνονται στο σχήμα απέχουν από την πηγή Ο αποστάσεις x_A , x_B και οι φάσεις τους την ίδια χρονική στιγμή είναι αντίστοιχα φ_A , φ_B . Ποιο από τα δύο ισχύει;
- α. $\varphi_A < \varphi_B$ β. $\varphi_A > \varphi_B$.
- Να δικαιολογήσετε την απάντησή σας.
- 50) Ηλεκτρομαγνητική ακτινοβολία εκπέμπεται :
- α. από φορτισμένο πυκνωτή



- β. από φορτία που κινούνται με σταθερή ταχύτητα
 γ. από φορτία τα οποία επιταχύνονται
 δ. από ακίνητο ραβδόμορφο μαγνήτη.
- 51) Καθώς μία μονοχρωματική ακτινοβολία περνά από τον αέρα στο γυαλί,
 α. η ταχύτητά της ελαττώνεται.
 β. η συχνότητά της αυξάνεται.
 γ. το μήκος κύματός της παραμένει σταθερό.
 δ. το μήκος κύματός της αυξάνεται.
- 52) Σωστού - λάθους.
 α. Το ηλεκτρικό και το μαγνητικό πεδίο ενός ηλεκτρομαγνητικού κύματος κοντά στην κεραία έχουν διαφορά φάσης μηδέν.
 β. Το μήκος κύματος του ορατού φωτός στο κενό κυμαίνεται από 400nm έως 700nm.
 γ. Τα μηχανικά κύματα μεταφέρουν ενέργεια και ύλη.
- 53) Δύο σύγχρονες σημειακές πηγές Π_1 και Π_2 δημιουργούν εγκάρσια αρμονικά κύματα πλάτους A και συχνότητας 4Hz, τα οποία διαδίδονται στην επιφάνεια ενός υγρού με ταχύτητα 20cm/s. Ένα σημείο που απέχει από τις δύο πηγές αποστάσεις $r_1=17\text{cm}$ και $r_2=12\text{cm}$ αντίστοιχα
 α. ταλαντώνεται με πλάτος A .
 β. ταλαντώνεται με πλάτος $2A$.
 γ. παραμένει ακίνητο.
 Να δικαιολογήσετε την απάντησή σας.
- 54) Σε ένα ηλεκτρομαγνητικό κύμα το ηλεκτρικό και το μαγνητικό πεδίο
 α. έχουν διαφορά φάσης ίση με $\pi/2$.
 β. έχουν λόγο $B/E=c$.
 γ. έχουν διανύσματα που είναι κάθετα στη διεύθυνση διάδοσης.
 δ. δεν υπακούουν στην αρχή της επαλληλίας.
- 55) Σωστού - λάθους
 α. Κατά τη διάδοση ενός κύματος μεταφέρεται ενέργεια από ένα σημείο στο άλλο, αλλά δεν μεταφέρεται ούτε ύλη, ούτε ορμή.
 β. Το ορατό φως είναι μέρος της ηλεκτρομαγνητικής ακτινοβολίας την οποία ανιχνεύει το ανθρώπινο μάτι.
 γ. Σε στάσιμο κύμα, μεταξύ δύο διαδοχικών δεσμών, όλα τα σημεία έχουν την ίδια φάση.
 δ. Μήκος κύματος λ είναι η απόσταση στην οποία διαδίδεται το κύμα σε χρόνο μιας περιόδου.
 ε. Ο λόγος της ταχύτητας του φωτός στο υλικό προς την ταχύτητα του φωτός στο κενό ονομάζεται δείκτης διάθλασης του υλικού.
 στ. Διάχυση ονομάζεται το φαινόμενο κατά το οποίο, μετά από ανάκλαση δέσμης παράλληλων ακτίνων, οι ανακλώμενες ακτίνες δεν είναι πια παράλληλες μεταξύ τους.
- 56) Κολυμβητής βρίσκεται κάτω από την επιφάνεια της θάλασσας και παρατηρεί τον ήλιο. Η θέση που τον βλέπει είναι
 α. πιο ψηλά από την πραγματική του θέση.
 β. ίδια με την πραγματική του θέση.
 γ. πιο χαμηλά από την πραγματική του θέση.
 Να αιτιολογήσετε την απάντησή σας.

★ Ηλιος

Αέρας
νερό

57) Στη διαχωριστική επιφάνεια του υλικού Α με τον αέρα, για την οριακή γωνία ολικής ανάκλασης ισχύει $\eta_{\text{crit}}^{(A)}=0,8$. Για το υλικό Β στη διαχωριστική επιφάνειά του με τον αέρα, είναι ισχύει $\eta_{\text{crit}}^{(B)}=0,2$. Τα υλικά Α και Β είναι οπτικά πυκνότερα από τον αέρα. Τότε:

- α. Το υλικό Α είναι οπτικά πυκνότερο του Β και στη διαχωριστική τους επιφάνεια ισχύει $\eta_{\text{crit}}^{(AB)}=0,25$.
- β. Το υλικό Β είναι οπτικά πυκνότερο του Α και στη διαχωριστική τους επιφάνεια ισχύει $\eta_{\text{crit}}^{(AB)}=0,25$.
- γ. Το υλικό Α είναι οπτικά πυκνότερο του Β και στη διαχωριστική τους επιφάνεια ισχύει $\eta_{\text{crit}}^{(AB)}=0,6$.
- δ. Το υλικό Β είναι οπτικά πυκνότερο του Α και στη διαχωριστική τους επιφάνεια ισχύει $\eta_{\text{crit}}^{(AB)}=0,6$.

Να αιτιολογήσετε την απάντησή σας.

58) Στην επιφάνεια υγρού συμβάλλουν δύο όμοια κύματα που δημιουργούνται από δύο σύγχρονες αρμονικές πηγές. Σε σημείο Φ που απέχει από τις δύο πηγές αποστάσεις r_1 και r_2 έχουμε ενίσχυση όταν:

α) $|r_1-r_2| = (2N+\frac{1}{2})\lambda$

β) $|r_1-r_2| = N\lambda$

γ) $|r_1-r_2| = (2N+\frac{1}{2})\frac{\lambda}{2}$.

όπου $N = 0, 1, 2, \dots, \lambda$ το μήκος κύματος.

Να αιτιολογήσετε την απάντησή σας.

59) Μονοχρωματική ακτίνα φωτός προσπίπτει στη διαχωριστική επιφάνεια μεταξύ γυαλιού και αέρα προερχόμενη από το γυαλί. Αν η ταχύτητα διάδοσης της ακτίνας στο γυαλί είναι v και στον αέρα c ($v \neq c$), τότε για την κρίσιμη γωνία θ_{crit} ισχύει η σχέση

α. $\eta_{\text{crit}} = \frac{c}{v}$ β. $\eta_{\text{crit}} = \frac{v}{c}$ γ. $\eta_{\text{crit}} = \frac{c^2}{v^2}$.

Να επιλέξετε το γράμμα που αντιστοιχεί στη σωστή σχέση.

Να δικαιολογήσετε την επιλογή σας.

Ασκήσεις

- 1) Το σημείο Ο ομογενούς ελαστικής χορδής, τη χρονική στιγμή $t = 0$, αρχίζει να εκτελεί απλή αρμονική ταλάντωση με εξίσωση $y = 0,05\eta\mu 8\pi t$ (SI) κάθετα στη διεύθυνση της χορδής. Το κύμα που παράγεται διαδίδεται κατά τη θετική φορά του άξονα $x'x$, κατά μήκος της χορδής, που διέρχεται από το σημείο Ο με ταχύτητα μέτρου 20m/s.
- α. Να βρεθεί ο χρόνος που χρειάζεται ένα υλικό σημείο του ελαστικού μέσου για να εκτελέσει μια πλήρη ταλάντωση.
 - β. Να βρεθεί το μήκος κύματος του αρμονικού κύματος.
 - γ. Να γραφεί η εξίσωση του ίδιου κύματος.
 - δ. Να βρεθεί το μέτρο της μέγιστης ταχύτητας με την οποία ταλαντώνεται ένα σημείο της χορδής

E.A. 2002

- 60) Η μία άκρη ενός τεντωμένου σχοινού είναι στερεωμένη σε ακλόνητο σημείο και η ελεύθερη άκρη εκτελεί απλή αρμονική ταλάντωση, οπότε σχηματίζεται στάσιμο κύμα με εξίσωση $y = 0,4 \sin 10\pi x \cdot \eta\mu 40\pi t$ (SI)
- i) Να υπολογίσετε το πλάτος και το μήκος κύματος για το κύμα, από το οποίο προκύπτει το στάσιμο.
 - ii) Να υπολογίσετε σε πόση απόσταση από την ελεύθερη άκρη του σχοινού σχηματίζεται ο τρίτος δεσμός του στάσιμου κύματος.

Εξετάσεις Ομογενών 2002

- 61) Η ένταση E του ηλεκτρικού πεδίου ηλεκτρομαγνητικού κύματος που διαδίδεται στον αέρα με ταχύτητα $c = 3 \cdot 10^8 \text{ m/s}$ περιγράφεται από την εξίσωση

$$E = 9 \cdot 10^{-3} \eta\mu 2\pi(10^8 t - \frac{x}{\lambda}) \quad (\text{S.I.})$$

- i) Να υπολογίσετε:
 - a) Τη μέγιστη τιμή B_{\max} του μαγνητικού πεδίου.
 - b) Το μήκος κύματος αυτού του ηλεκτρομαγνητικού κύματος.
 - c) Να γράψετε την εξίσωση που περιγράφει το μαγνητικό πεδίο.
- ii) Το κύμα αυτό φτάνει στην κεραία ραδιοφωνικού δέκτη του οποίου το κύκλωμα επιλογής LC έχει πηνίο με τιμή συντελεστή αυτεπαγωγής $L = \frac{1}{50\pi^2} \text{ H}$. Για ποια τιμή της χωρητικότητας C του πυκνωτή συντονίζεται ο δέκτης;

Εξετάσεις Ομογενών 2004

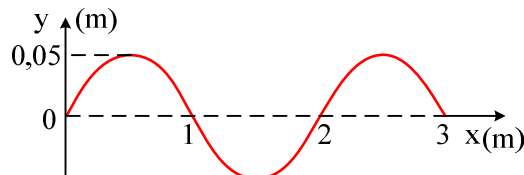
- 62) Εγκάρσιο αρμονικό κύμα πλάτους 0,08m και μήκους κύματος 2m διαδίδεται κατά τη θετική φορά σε οριζόντια ελαστική χορδή που εκτείνεται κατά τη διεύθυνση του άξονα $x'x$. Θεωρούμε ότι το σημείο της χορδής στη θέση $x = 0$ τη χρονική στιγμή $t = 0$ έχει μηδενική απομάκρυνση από τη θέση ισορροπίας του και θετική ταχύτητα. Η ταχύτητα διάδοσης του κύματος είναι 100 m/s .
- α. Να υπολογίσετε τη συχνότητα με την οποία ταλαντώνονται τα σημεία της χορδής.
 - β. Να γράψετε την εξίσωση του κύματος στο S.I.
 - γ. Να υπολογίσετε την ενέργεια της ταλάντωσης στοιχειώδους τμήματος της χορδής μάζας 0,002 kg. (Να θεωρήσετε το στοιχειώδες τμήμα της χορδής ως υλικό σημείο).
 - δ. Έστω ότι στην παραπάνω χορδή διαδίδεται ταυτόχρονα άλλο ένα κύμα πανομοιότυπο με το προηγούμενο, αλλά αντίθετης φοράς, και δημιουργείται στάσιμο κύμα με κοιλία στη θέση $x = 0$. Να υπολογίσετε στο θετικό ημιάξονα τη θέση του 11^{ου} δεσμού του στά-

σιμου κύματος από τη θέση $x = 0$.

Δίνεται: $\pi^2 = 10$.

Επαναληπτικές Ε.Α. 2003

- 63) Η πηγή κύματος Ο αρχίζει τη χρονική στιγμή $t_0 = 0$ s να εκτελεί απλή αρμονική ταλάντωση πλάτους $A = 0,05$ m. Το αρμονικό κύμα που δημιουργείται διαδίδεται κατά μήκος γραμμικού ομογενούς ελαστικού μέσου, κατά τον άξονα Οx. Στο παρακάτω σχήμα απεικονίζεται το στιγμιότυπο του κύματος μετά από χρόνο $t_1 = 0,3$ s, κατά τον οποίο το κύμα έχει διαδοθεί σε απόσταση 3m.



- Να βρείτε την ταχύτητα v διάδοσης του κύματος στο ελαστικό μέσο.
- Να βρείτε την περίοδο T του αρμονικού κύματος.
- Να γράψετε την εξίσωση του αρμονικού κύματος.
- Να απεικονίσετε το στιγμιότυπο του κύματος τη χρονική στιγμή $t_2 = t_1 + \frac{T}{4}$.

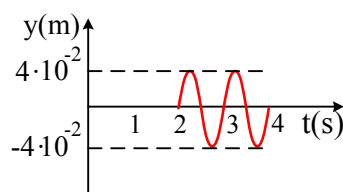
Εσπερινά 2003

- 64) Ένα τεντωμένο οριζόντιο σχοινί ΟΑ μήκους L εκτείνεται κατά τη διεύθυνση του άξονα x . Το άκρο του Α είναι στερεωμένο ακλόνητα στη θέση $x=L$, ενώ το άκρο Ο που βρίσκεται στη θέση $x=0$ είναι ελεύθερο, έτσι ώστε με κατάλληλη διαδικασία να δημιουργείται στάσιμο κύμα με 5 συνολικά κοιλίες. Στη θέση $x=0$ εμφανίζεται κοιλία και το σημείο του μέσου στη θέση αυτή εκτελεί απλή αρμονική ταλάντωση. Τη χρονική στιγμή $t=0$ το σημείο $x=0$ βρίσκεται στη θέση μηδενικής απομάκρυνσης κινούμενο κατά τη θετική φορά. Η απόσταση των ακραίων θέσεων της ταλάντωσης αυτού του σημείου του μέσου είναι 0,1 m. Το συγκεκριμένο σημείο διέρχεται από τη θέση ισορροπίας του 10 φορές κάθε δευτερόλεπτο και απέχει κατά τον άξονα x απόσταση 0,1 m από τον πλησιέστερο δεσμό.

- Να υπολογίσετε την περίοδο του κύματος.
- Να υπολογίσετε το μήκος L .
- Να γράψετε την εξίσωση του στάσιμου κύματος.
- Να υπολογίσετε το μέτρο της ταχύτητας της ταλάντωσης του σημείου του μέσου $x=0$ κατά τη χρονική στιγμή που η απομάκρυνση του από τη θέση ισορροπίας έχει τιμή $y = +0,03$ m. Δίνεται $\pi = 3,14$.

Εξετάσεις 2004

- 65) Η πηγή Ο αρχίζει τη χρονική στιγμή $t=0$ να εκτελεί απλή αρμονική ταλάντωση, που περιγράφεται από την εξίσωση $y=A\eta\mu\omega t$. Το κύμα που δημιουργεί, διαδίδεται κατά μήκος γραμμικού ομογενούς ελαστικού μέσου και κατά τη θετική φορά. Ένα σημείο Σ απέχει από την πηγή Ο απόσταση 10m. Στη γραφική παράσταση που ακολουθεί φαίνεται η απομάκρυνση του σημείου Σ από τη θέση ισορροπίας του, σε συνάρτηση με το χρόνο.



- Να υπολογίσετε:

- a) Τη συχνότητα του κύματος.
- b) Την ταχύτητα διάδοσης του κύματος.
- c) Τη μέγιστη ταχύτητα ταλάντωσης του σημείου Σ.
- d) Να γράψετε την εξίσωση αυτού του κύματος.

Εξετάσεις Ομογενών 2004

66) Η κοινή φάση του ηλεκτρικού και μαγνητικού πεδίου ενός ηλεκτρομαγνητικού κύματος είναι $2\pi(6 \cdot 10^{10} t - 2 \cdot 10^2 x)$ στο σύστημα SI.

- i) Ναδειχθεί ότι το ηλεκτρομαγνητικό κύμα διαδίδεται στο κενό.
- ii) Όταν το παραπάνω ηλεκτρομαγνητικό κύμα διαδίδεται σε ένα γυαλί έχει μήκος κύματος 2,5 mm. Να βρεθεί ο δείκτης διάθλασης του γυαλιού αυτού.
- iii) Αναφερόμαστε στη διάδοση του ηλεκτρομαγνητικού κύματος στο κενό. Τα πεδία του περιγράφονται από τις

$$60 \text{ ημ}[2\pi(6 \cdot 10^{10} t - 2 \cdot 10^2 x)] \quad (1)$$

$$2 \cdot 10^{-7} \text{ ημ}[2\pi(6 \cdot 10^{10} t - 2 \cdot 10^2 x)] \quad (2)$$

στο σύστημα SI. Να αιτιολογήσετε ποια από τις (1), (2) περιγράφει το ηλεκτρικό πεδίο και ποια το μαγνητικό πεδίο.

Δίνεται ότι η ταχύτητα διάδοσης των ηλεκτρομαγνητικών κυμάτων στο κενό είναι $c = 3 \cdot 10^8$ m/s.

Εσπερινά 2004

67) Δύο σύγχρονες πηγές κυμάτων Π_1 και Π_2 βρίσκονται στα σημεία A και B αντίστοιχα της ελεύθερης επιφάνειας νερού και προκαλούν όμοια εγκάρσια κύματα που διαδίδονται με ταχύτητα $u = 0,5$ m/s. Ένα σημείο K της επιφάνειας του νερού βρίσκεται πάνω στο ευθύγραμμο τμήμα AB και απέχει από τα A και B αποστάσεις $(AK) = r_1$ και $(BK) = r_2$ με $r_1 > r_2$. Το σημείο K είναι το πλησιέστερο προς το μέσο M του AB που ταλαντώνεται με μέγιστο πλάτος. Η απομάκρυνση του σημείου K από τη θέση ισορροπίας λόγω της συμβολής των κυμάτων περιγράφεται σε συνάρτηση με το χρόνο t από την εξίσωση $y_K = 0,2\eta\mu\frac{5\pi}{3}(t - 2)$ (σε μονάδες S.I.). Να υπολογίσετε:

- i) την περίοδο, το μήκος κύματος και το πλάτος των κυμάτων που συμβάλλουν.
- ii) την απόσταση AB των δύο πηγών.
- iii) τις αποστάσεις r_1 και r_2 του σημείου K από τα σημεία A και B.
- iv) τον αριθμό των σημείων του ευθύγραμμου τμήματος AB που λόγω της συμβολής έχουν πλάτος ίσο με το πλάτος της ταλάντωσης του σημείου K.

Επαναληπτικές Ε.Α. 2004

68) Σε ένα σημείο μιας λίμνης, μια μέρα χωρίς αέρα, ένα σκάφος ρίχνει άγκυρα. Από το σημείο της επιφάνειας της λίμνης που πέφτει η άγκυρα ξεκινά εγκάρσιο κύμα. Ένας άνθρωπος που βρίσκεται σε βάρκα παρατηρεί ότι το κύμα φτάνει σ' αυτόν 50 s μετά την πτώση της άγκυρας. Το κύμα έχει ύψος 10 cm πάνω από την επιφάνεια της λίμνης, η απόσταση ανάμεσα σε δύο διαδοχικές κορυφές του κύματος είναι 1 m, ενώ μέσα σε χρόνο 5 s το κύμα φτάνει στη βάρκα 10 φορές. Να υπολογίσετε:

- i) Την περίοδο του κύματος που φτάνει στη βάρκα.
- ii) Την ταχύτητα διάδοσης του κύματος.
- iii) Την απόσταση της βάρκας από το σημείο πτώσης της άγκυρας.
- iv) Τη μέγιστη ταχύτητα ταλάντωσης του ανθρώπου στη βάρκα.

Εξετάσεις Εσπερινών 2005

69) Κατά μήκος του άξονα $x'x$ εκτείνεται ελαστική χορδή. Στη χορδή διαδίδεται εγκάρσιο αρμονικό κύμα. Η εγκάρσια απομάκρυνση ενός σημείου Π_1 της χορδής περιγράφεται από την

εξίσωση:

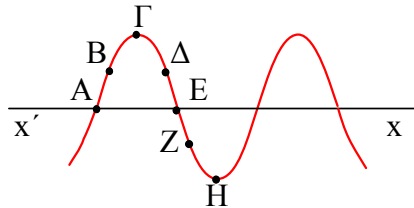
$$y_1 = \text{Αημ } 30\pi t \text{ (SI)}$$

ενώ η εγκάρσια απομάκρυνση ενός σημείου Π_2 , που βρίσκεται 6 cm δεξιά του σημείου Π_1 , περιγράφεται από την εξίσωση:

$$y_2 = \text{Αημ}(30\pi t + \frac{\pi}{6}) \text{ (SI)}$$

Η απόσταση μεταξύ των σημείων Π_1 και Π_2 είναι μικρότερη από ένα μήκος κύματος.

- Ποια είναι η φορά διάδοσης του κύματος;
- Ποια είναι η ταχύτητα διάδοσης του κύματος;
- Αν η ταχύτητα διάδοσης του κύματος είναι ίση με την μέγιστη ταχύτητα ταλάντωσης των σημείων της χορδής, να υπολογίσετε το πλάτος του κύματος.
- Στο σχήμα που ακολουθεί, απεικονίζεται ένα στιγμιότυπο του κύματος.



Εκείνη τη στιγμή σε ποια από τα σημεία A, B, Γ, Δ, E, Z και H η ταχύτητα ταλάντωσης είναι μηδενική και σε ποια είναι μέγιστη (κατ' απόλυτη τιμή); Ποια είναι η φορά της ταχύτητας ταλάντωσης των σημείων B, Δ και Z;

- Να γράψετε την εξίσωση του κύματος που όταν συμβάλλει με το προηγούμενο, δημιουργεί στάσιμο κύμα.
Δίνεται $\pi = 3,14$.

Εξετάσεις Ε.Λ. 2005

70) Δύο σημαδούρες A και B απέχουν μεταξύ τους απόσταση $AB = 13,5\text{m}$ και η ευθεία που διέρχεται από αυτές είναι κάθετη στην ακτογραμμή. Πλοίο που κινείται παράλληλα στην ακτογραμμή, μακριά από τις σημαδούρες δημιουργεί κύμα, με φορά διάδοσης από την A προς την B, το οποίο θεωρούμε εγκάρσιο αρμονικό. Το κύμα διαδίδεται προς την ακτή. Εξ αιτίας του κύματος η κάθε σημαδούρα διέρχεται από τη θέση ισορροπίας της 30 φορές το λεπτό. Ο χρόνος που απαιτείται, για να φθάσει ένα «όρος» του κύματος από τη σημαδούρα A στη B, είναι 9s. Η μέγιστη ταχύτητα ταλάντωσης κάθε σημαδούρας είναι $\frac{\pi}{5}$ m/s. Θεωρούμε ως αρχή μέτρησης των αποστάσεων τη σημαδούρα A και ως αρχή μέτρησης των χρόνων τη στιγμή που η σημαδούρα A βρίσκεται στη θέση ισορροπίας και κινείται προς τα θετικά.

- Να υπολογιστεί το μήκος του κύματος.
- Πόσο απέχει η σημαδούρα A από την ακτή, αν αυτή βρίσκεται για $21^{\text{η}}$ φορά στην ανώτερη θέση της ταλάντωσής της, όταν το κύμα φθάσει στην ακτή.
- Να γραφεί η εξίσωση ταλάντωσης της σημαδούρας B, καθώς το κύμα διαδίδεται από τη σημαδούρα A προς τη B.
- Να βρεθεί το μέτρο της ταχύτητας ταλάντωσης της σημαδούρας B κάποια χρονική στιγμή που η σημαδούρα A βρίσκεται στο ανώτατο σημείο της ταλάντωσής της.

Επαναληπτικές Εξετάσεις Ε.Λ. 2006

71) Σε μια χορδή δημιουργείται στάσιμο κύμα, η εξίσωση του οποίου είναι:

$$y = 10 \sin \frac{\pi x}{4} \cdot \eta \mu 20\pi t, \text{ όπου } x, y \text{ δίνονται σε cm και } t \text{ σε s. Να βρείτε:}$$

- το μέγιστο πλάτος της ταλάντωσης, τη συχνότητα και το μήκος κύματος.

- β. τις εξισώσεις των δύο κυμάτων που παράγουν το στάσιμο κύμα.
- γ. την ταχύτητα που έχει τη χρονική στιγμή $t=0,1$ s ένα σημείο της χορδής το οποίο απέχει 3 cm από το σημείο $x=0$.
- δ. σε ποιες θέσεις υπάρχουν κοιλίες μεταξύ των σημείων $x_A=3$ cm και $x_B=9$ cm.
- Δίνονται: $\pi=3,14$ και $\sin\frac{3\pi}{4} = -\frac{\sqrt{2}}{2}$.

Εξετάσεις ΓΕΛ. 2007