

Α Ν Ι Σ Ω Σ Ε Ι Σ

A. 1^ο βαθμού ανίσωση

$$\alpha x + \beta > 0, \alpha, \beta \in \mathbb{R} \quad \left\{ \begin{array}{l} x > -\frac{\beta}{\alpha}, \quad \text{αν } \alpha > 0 \\ x < -\frac{\beta}{\alpha}, \quad \text{αν } \alpha < 0 \\ \text{Αόριστη} \quad \text{αν } \alpha = 0 \text{ και } \beta > 0 \\ \text{Αδύνατη} \quad \text{αν } \alpha = 0 \text{ και } \beta \leq 0 \end{array} \right.$$

B. 2^ο βαθμού ανίσωση

$$\alpha x^2 + \beta x + \gamma > 0, \alpha, \beta, \gamma \in \mathbb{R} \text{ και } \alpha \neq 0$$

Για την λύση της ανισότητας αυτής στηρίζομαστε στη θεωρία που αναφέρεται στο πρόσημο του τριωνύμου.

Γ. Πολυωνυμικές ανισώσεις

$$\alpha_n x^n + \alpha_{n-1} x^{n-1} + \dots + \alpha_1 x + \alpha_0 \geq \acute{\eta} \leq 0, \alpha_0, \alpha_1, \dots, \alpha_n \in \mathbb{R}, \text{ και } \alpha_n \neq 0$$

Με χρήση ταυτοτήτων ή με ομαδοποίηση ή με σχήμα Χόρνερ τη φέρνουμε στη μορφή $P_1(x) \cdot P_2(x) \cdots P_k(x) \geq \acute{\eta} \leq 0$.

Στη συνέχεια βρίσκουμε χωριστά, με τη βοήθεια πίνακα, το πρόσημο του κάθε πρωτοβάθμιου και δευτεροβάθμιου παράγοντα και κατόπιν το πρόσημο του γινομένου τους.

Δ. Ρητές ανισώσεις

$$\frac{P_1(x)}{P_2(x)} \geq \acute{\eta} \leq 0 \Leftrightarrow P_1(x) \cdot P_2(x) \geq \acute{\eta} \leq 0, \quad P_2(x) \neq 0$$