

ΕΡΓΑΣΤΗΡΙΑΚΕΣ ΑΣΚΗΣΕΙΣ

ΜΕΤΡΩ ΥΠΟΛΟΓΙΖΩ ΣΥΜΠΕΡΑΙΝΩ

ΠΡΟΒΛΗΜΑ 1^ο

Σε μια αρχαιολογική ανασκαφή σε προάστιο της Ρώμης βρέθηκε ένα νόμισμα που στην μια όψη του φέρει την κεφαλή ενός άνδρα και γράφει «Ιούλιος Καίσαρ 42 π.Χ.».

Να ερευνήσετε αν το νόμισμα είναι γνήσιο ή κίβδηλο.

ΔΙΕΡΕΥΝΗΣΗ:

~~Ο Καίσαρ~~

Στα χρόνια του Καίσαρα, δεν μετρήσαμε χρονολογίες από την γέννηση του Χριστού καθώς οι ρωμαίοι έζησαν. Ο Καίσαρας έζησε και πέθανε το 44 π.Χ.

Τη στιγμή που αναφέρει το νόμισμα, δεν υπάρχει δυνατότητα να δοκιμασθεί και να βεβαιωθεί για την γινησιότητα του Χρυσού.

ΣΥΜΠΕΡΑΣΜΑΤΑ: είναι κίβδηλο

ΕΡΓΑΣΤΗΡΙΑΚΕΣ ΑΣΚΗΣΕΙΣ

ΣΥΝΤΑΞΗ ΚΑΙ ΑΠΟΚΡΥΠΤΟΓΡΑΦΗΣΗ ΜΗΝΥΜΑΤΟΣ

Συντάξτε ένα μήνυμα ,5-10 γραμμών, με κεφαλαία ελληνικά γράμματα και στη συνέχεια κωδικοποιήστε το με έναν κώδικα υποκατάστασης, δημιουργώντας έτσι ένα κρυπτόγραμμα τύπου “Καίσαρα”.
Στην συνέχεια να το στείλετε στην ομάδα που φαίνεται στον παρακάτω πίνακα για αποκρυπτογράφηση.

∴ Μήνυμα:

ΚΠ ΟΧΧΥΞΚΗ ΟΜΞΟΚΕΜ ΗΖΚΜ ΙΜΥΕΝΟΖΠΟΚ ΟΚΗΝΚ ΥΗΜΟΠ
 ΦΣΝΤΚΕΘΧΣΝΟΖΟ ΖΚΕ ΡΥΚΕ ΟΩΠ ΞΘΡΟΜ ΗΖΣΜ ΕΙΘΘΛΣ
 ΓΘΠΜ ΟΙΚ ΖΚΜ ΕΞΠΟΚ ΟΚΗΝΚ ΡΗ ΙΜΥΕΝΟΖΟ ΥΗΜΟΠ
 ΟΗΑΝΟΖΚΠ ΟΩΠ ΟΥΠΟΗΜΣΖΚΠ ΟΞΞΣ ΚΓΠ ΙΟΜΖΟΓΚΕ
 ΙΘΘΚΜΖΥΗ ΗΥ ΦΕΜΟΝΣ ΟΩΠ ΧΜΑΗΣ ΥΗΜΟΠ ΟΜΑΖΥΘΚΗ
 ΟΙΚ ΖΚΜ ΟΥΡΘΑΙΚ ΟΩΠ ΟΟΖΑΖΥΘΚΠ ΟΙΚ ΖΚ ΡΥΚ
 ΙΚΕ ΖΚΕΗ ΓΟΘΠΗΥ ΖΟ ΕΙΥΘΔΕΗΠΟΟ ΙΘΚΗΚΜΖΟ
 ΖΚΕΗ ΟΩΠ ΖΣΜ ΟΡΟΜΟΗΠΟ ΖΚΕΗ

Ομάδα σύνταξης	∴	Ομάδα αποκρυπτογράφησης
1		2
2		3
3		4
4		1

ΕΡΓΑΣΤΗΡΙΑΚΕΣ ΑΣΚΗΣΕΙΣ

ΟΙ ΑΓΓΕΛΟΙ ΑΝΗΚΟΥΝ ΣΤΟΝ ΠΝΕΥΜΑΤΙΚΟ ΚΟΣΜΟ ΕΙΝΑΙ ΔΗΜΙΟΥΡΓΗΜΑΤΑ ΤΟΥ ΘΕΟΥ ΚΑΙ ΗΡΘΑΝ ΣΤΗΝ ΥΠΑΡΞΗ ΠΡΙΝ ΑΠΟ ΤΟΝ ΥΛΙΚΟ ΚΟΣΜΟ ΩΣ ΠΝΕΥΜΑΤΑ ΕΙΝΑΙ ΑΕΘΜΑΤΟΙ ΚΑΙ ΑΕΙΚΙΝΗΤΟΙ ΑΛΛΗ ΟΧΙ ΠΑΝΤΑΧΟΥ ΠΑΡΟΝΤΕΣ ΣΕ ΔΥΝΑΜΗ ΚΑΙ ΓΝΩΣΗ ΕΙΝΑΙ ΑΝΩΤΕΡΟΣ ΑΠΟ ΤΟΝ ΑΝΘΡΩΠΟ ΚΑΙ ΚΑΤΩΤΕΡΟΙ ΑΠΟ ΤΟ ΘΕΟ ΠΟΥ ΤΟΥΣ ΧΑΡΙΣΕ ΥΠΕΡΦΥΣΙΚΑ ΠΡΟΣΩΝΤΑ ΤΟΥΣ ΚΑΙ ΤΗΝ ΑΘΑΝΑΣΙΑ ΤΟΥΣ

A ↔ Ω

B ↔ Ψ

Γ ↔ Χ

Δ ↔ Φ

Ε ↔ Υ

Ζ ↔ Τ

Η ↔ Σ

Θ ↔ Ρ

Ι ↔ Π

Κ ↔ Ο

Λ ↔ Ξ

Μ ↔ Ν

525
425

ΕΡΓΑΣΤΗΡΙΑΚΕΣ ΑΣΚΗΣΕΙΣ

ΣΥΝΤΑΞΗ ΚΑΙ ΑΠΟΚΡΥΠΤΟΓΡΑΦΗΣΗ ΜΗΝΥΜΑΤΟΣ

Συντάξτε ένα μήνυμα ,5-10 γραμμών, με κεφαλαία ελληνικά γράμματα και στη συνέχεια κωδικοποιήστε το με έναν κώδικα υποκατάστασης, δημιουργώντας έτσι ένα κρυπτόγραμμα τύπου “Καίσαρα”.
Στην συνέχεια να το στείλετε στην ομάδα που φαίνεται στον παρακάτω πίνακα για αποκρυπτογράφηση.

Μήνυμα:

ΟΒΚ ΥΔΗΚ ΨΚΒ ΜΖΚΖ ΨΚΒΗΔ ΝΤΚΖ Δ ΘΚΖΙΒΠΤΥΣ ΘΑΟ
 ΘΝΗΜ ΤΔΖ ΣΗΨΗΔΘΚΖΤΝ ΨΚΒ ΘΗΞΚΖΗ ΣΗ ΟΒΚ ΑΚΗΨΚ ΟΗΛΟΔ
 ΣΨΒΔΘΗΘΙ ΖΚ ΙΜΞΚΖΜ ΟΚΓΒ ΣΜ ΤΝΖ ΟΟΤΝ ΤΔ
 ΜΙΨΜΥΚΕΔΟ ΤΔΟ ΡΗΘΣΔΦΚ ΗΔΟ
 ' "

Ομάδα σύνταξης	Ομάδα αποκρυπτογράφησης
1	2
2	3
3	④
④	1

ΕΡΓΑΣΤΗΡΙΑΚΕΣ ΑΣΚΗΣΕΙΣ

ΜΕΤΡΩ-ΥΠΟΛΟΓΙΖΩ -ΣΥΜΠΕΡΑΙΝΩ

ΚΡΥΠΤΟΓΡΑΦΙΑ ΔΗΜΟΣΙΟΥ ΚΛΕΙΔΙΟΥ

Η κρυπτογραφία δημόσιου κλειδιού είναι εφικτή κάνοντας χρήση συναρτήσεων που ενώ είναι εύκολο να υπολογιστούν οι τιμές τους (κρυπτογράφηση), είναι πολύ δύσκολο να αντιστραφούν (αποκρυπτογράφηση), εκτός κι αν κάποιος διαθέτει μια επιπλέον πληροφορία που θα του επιτρέψει να αντιστρέψει την συνάρτηση γρήγορα.

Στην εργασία που ακολουθεί κάντε χρήση της συνάρτησης $f(x) = x^3$ για να κωδικοποιήσετε ένα σύντομο μήνυμα και δώστε το για αποκωδικοποίηση σε μια άλλη ομάδα εργασίας.

Για κλειδί χρησιμοποιήστε τις αντιστοιχίες του παρακάτω

πίνακα

A	01
B	02
Γ	03
Δ	04
E	05
Z	06
H	07
Θ	08
I	09
K	10
Λ	11
M	12
N	13
Ξ	14
O	15
Π	16
P	17
Σ	18
T	19
Υ	20
Φ	21
X	22
Ψ	23
Ω	24

3375'4696'0'1'728'08'3375'10648'01'729'1000'3375'5932'125'7292
 197'0'1'729'3375'17288'164'0'1'4913'0'1'5832'6859'3375'4696'3375'
 133'1'3375'0'1'2197'64'4913'1382'4197'10000'1'729'278000'2197'0'1'
 729'1000'1'3824'2197

Ο ΠΑΜΒΟΧΑΙΚΟΣ ΕΙΝΑΙ ΟΜΑΔΑΡΑ ΣΤΟ ΠΟΛΟ ΑΝΔΡΩΝ
ΚΑΙ ΓΥΝΑΙΚΩΝ

Ο ΠΑΜΒΟΧΑΙΚΟΣ ΕΙΝΑΙ ΟΜΑΔΑΡΑ ΣΤΟ ΠΟΛΟ
 ΑΝΔΡΩΝ ΚΑΙ ΓΥΝΑΙΚΩΝ

ΕΡΓΑΣΤΗΡΙΑΚΕΣ ΑΣΚΗΣΕΙΣ

ΜΕΤΡΩ-ΥΠΟΛΟΓΙΖΩ-ΣΥΜΠΕΡΑΙΝΩ

Ένα απο τα βασικά προβλήματα στην κρυπτογραφία είναι το πως θα γίνει με ασφάλεια η ανταλλαγή του κλειδιού κρυπτογράφησης μεταξύ δυο ατόμων. Έχει επικρατήσει στην βιβλιογραφία τα άτομα που θέλουν να ανταλλάξουν κρυπτογραφημένα μηνύματα να ονομάζονται Αλίκη και Μπόμπ.

Λύνοντας το παρακάτω πρόβλημα θα γίνει φανερό ότι η ανταλλαγή κλειδιών, μπορεί να γίνει εξ αποστάσεως χωρίς τα δυο άτομα να συναντηθούν.

Η Αλίκη θέλει να στείλει ένα γράμμα στο φίλο της τον Μπόμπ. Επειδή δεν θέλει να παραβιαστεί το γράμμα της το κλειδώνει σε ένα κιβώτιο με ένα λουκέτο και ταχυδρομεί το κιβώτιο στον Μπόμπ. Πως θα μπορέσει όμως ο Μπόμπ να ανοίξει το κιβώτιο αφού δεν έχει το κλειδί του λουκέτου της Αλίκης;

Λύση

Ο Μπόμπ λαμβάνει το κουτί με την κλειδαριά της Αλίκης και προσθέτει ένα ακόμα λουκέτο, δικό του. Το στέλνει πίσω στην Αλίκη ~~από~~ η οποία βγάζει το δικό της λουκέτο και το στέλνει πίσω με την κλειδαριά του Μπόμπ πάλι, ο οποίος το ανοίγει, αφού έχει το κλειδί της ίδιας του κλειδαριάς.

Συμπεράσματα:

$$\begin{array}{r} 87 \\ \times 61 \\ \hline 87 \\ 522 \\ \hline 5307 \end{array}$$
$$\begin{array}{r} 25 \\ \times 37 \\ \hline 175 \\ 750 \\ \hline 925 \end{array}$$