

ΠΡΟΑΓΩΓΙΚΕΣ ΕΞΕΤΑΣΕΙΣ Β' ΛΥΚΕΙΟΥ
ΠΑΡΑΣΚΕΥΗ 23 ΜΑΪΟΥ 2008
ΕΞΕΤΑΖΟΜΕΝΟ ΜΑΘΗΜΑ
ΑΛΓΕΒΡΑ ΓΕΝΙΚΗΣ ΠΑΙΔΕΙΑΣ

ΘΕΜΑ 1^ο

A) Πότε μια ακολουθία λέγεται αριθμητική πρόοδος; **(Μονάδες 5)**

B) Να αποδείξετε ότι ο $v = (v-οστός)$ όρος αριθμητικής προόδου με πρώτο όρο α_1 και διαφορά ω είναι $\alpha_v = \alpha_1 + (v-1)\omega$ **(Μονάδες 8)**

Γ) Να χαρακτηρίσετε τις προτάσεις που ακολουθούν, γράφοντας στο τετράδιό σας την λέξη **Σωστό** ή **Λάθος** δίπλα στον αριθμό που αντιστοιχεί σε κάθε πρόταση.

1. Αν $\alpha > 0$ με $\alpha \neq 1$, τότε για οποιουσδήποτε $\theta_1, \theta_2 > 0$ ισχύει:

$$\log(\theta_1 \cdot \theta_2) = \log \theta_1 + \log \theta_2.$$

2.
$$\varepsilon\varphi(\alpha + \beta) = \frac{\varepsilon\varphi\alpha - \varepsilon\varphi\beta}{1 + \varepsilon\varphi\alpha\varepsilon\varphi\beta}$$

3. Αν όλοι οι συντελεστές ενός πολυωνύμου $P(x)$ είναι ίσοι με μηδέν, τότε το πολυώνυμο είναι μηδενικού βαθμού.

4. Το άθροισμα των πρώτων v όρων μιας γεωμετρικής προόδου α_v με λόγο $\lambda \neq 1$

είναι $S_v = \alpha_1 \cdot \frac{\lambda^v - 1}{\lambda - 1}$. **(Μονάδες 12)**

ΘΕΜΑ 2^ο

Δίνεται το πολυώνυμο $P(x) = x^3 - 8x^2 + 19x - 12$

α) Να βρείτε τις πιθανές ακέραιες ρίζες του $P(x)$ **(Μονάδες 5)**

β) Να λύσετε την εξίσωση $P(x) = 0$ **(Μονάδες 15)**

γ) Να βρείτε τα σημεία τομής της γραφικής παράστασης του $P(x)$ με τους άξονες x' και y' . **(Μονάδες 5)**

ΘΕΜΑ 3^ο

α) Αν για τη γωνία α ισχύει η σχέση $2\sigma\upsilon\nu 2\alpha - 11\sigma\upsilon\nu\alpha + 8 = 0$, να αποδείξετε ότι $\sigma\upsilon\nu\alpha = \frac{3}{4}$ (Μονάδες 9)

β) Αν επιπλέον ισχύει ότι $\pi < \alpha < \frac{3\pi}{2}$, να αποδείξετε ότι $\eta\mu\alpha = -\frac{\sqrt{7}}{4}$. (Μονάδες 8)

γ) Αν $\sigma\upsilon\nu\alpha = \frac{3}{4}$ και $\eta\mu\alpha = -\frac{\sqrt{7}}{4}$, να υπολογίσετε τους τριγωνομετρικούς αριθμούς $\eta\mu 2\alpha$, $\sigma\upsilon\nu 2\alpha$, $\epsilon\phi 2\alpha$. (Μονάδες 8)

ΘΕΜΑ 4^ο

Δίνεται η συνάρτηση $f(x) = \ln(e^x - 1)$

α) Να βρείτε το πεδίο ορισμού της $f(x)$. (Μονάδες 5)

β) Να λύσετε την εξίσωση $f(2x) = f(x) + \ln 3$. (Μονάδες 12)

γ) Να αποδείξετε ότι $e^{f(1)} + e^{f(2)} + e^{f(3)} + \dots + e^{f(2007)} = \frac{e^{2008} - 2008e + 2007}{e - 1}$. (Μονάδες 8)

Ο Διευθυντής

Οι εισηγητές

ΚΑΛΗ ΕΠΙΤΥΧΙΑ