

### 43. ΚΥΚΛΩΜΑ L-C και 3 ρυθμοί μεταβολής.

Πυκνωτής χωρητικότητας  $C=8\mu\text{F}$  φορτίζεται με τάση  $V_0=20\text{V}$ . Κατόπιν συνδέεται με πηνίο συντελεστή αυτεπαγωγής  $L=20\text{mH}$ .

Ακόμη το πηνίο αποτελείται από  $N=1000$  σπείρες με εμβαδό εγκάρσιας διατομής η καθεμία  $S=10^{-4}\text{m}^2$ , ενώ η απόσταση μεταξύ των οπλισμών του πυκνωτή είναι  $\ell=1\text{mm}$ .

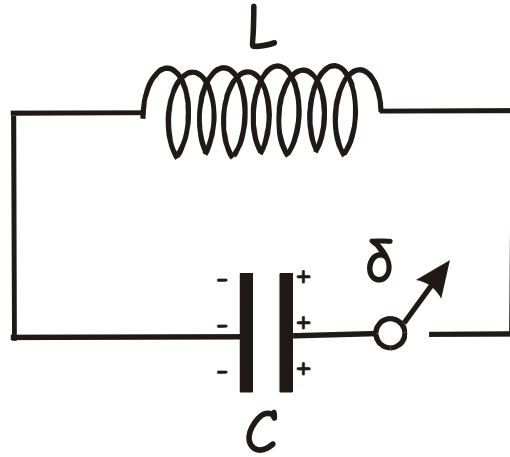
Τη χρονική στιγμή  $t_0=0$  κλείνουμε το διακόπτη. Τότε τη στιγμή  $t=\frac{4\pi}{3}\cdot 10^{-4}\text{s}$ ,

να βρείτε:

α) Το ρυθμό μεταβολής της έντασης του ηλεκτρικού πεδίου του πυκνωτή  $\frac{\Delta E}{\Delta t}$ .

β) Το ρυθμό μεταβολής της μαγνητικής ροής του μαγνητικού πεδίου του πηνίου  $\frac{\Delta \Phi}{\Delta t}$ .

γ) Το ρυθμό μεταβολής της έντασης του μαγνητικού πεδίου του πηνίου  $\frac{\Delta B}{\Delta t}$ .



**Συνοπτική λύση:**

α) Η ένταση του ηλεκτρικού πεδίου του πυκνωτή υπολογίζεται από τη σχέση  $\mathcal{E} = \frac{V_c}{\ell}$

απ' όπου προκύπτει  $\frac{\Delta \mathcal{E}}{\Delta t} = \frac{1}{\ell} \frac{\Delta V_c}{\Delta t}$  με  $\frac{\Delta V_c}{\Delta t} = \frac{i}{C}$ . Άρα προκύπτει  $\frac{\Delta \mathcal{E}}{\Delta t} = \frac{i}{\ell C}$ .

**ΠΑΡΑΤΗΡΗΣΗ:**

Το  $i = \ell C \frac{\Delta \mathcal{E}}{\Delta t}$  ονομάζεται ρεύμα μετατόπισης και θεωρείται ότι διαρρέει το χώρο μεταξύ των οπλισμών του πυκνωτή. Το ρεύμα μετατόπισης μηδενίζεται μόλις  $\frac{\Delta \mathcal{E}}{\Delta t} = 0$ .

Όμως ισχύει ότι  $Q = C \cdot V_0 = 16 \cdot 10^{-5} \text{C}$ . Ακόμη είναι  $\omega = \frac{1}{\sqrt{LC}} = \frac{10^4}{4} \text{ rad/s}$  και  $I = \omega \cdot Q \Rightarrow \Rightarrow I = 0,4 \text{A}$ . Τότε για τη χρονοεξαρτημένη εξίσωση του ηλεκτρικού φορτίου του πυκνωτή έχουμε  $q = Q \cdot \sin \omega t \Rightarrow q = 16 \cdot 10^{-5} \cdot \sin\left(\frac{10^4}{4} t\right)$ , ενώ για το ηλεκτρικό ρεύμα

έχουμε  $i = -I \eta \omega t \Rightarrow i = -0,4 \cdot \eta \mu\left(\frac{10^4}{4} t\right)$ . Τη χρονική στιγμή  $t = \frac{4\pi}{3} \cdot 10^{-4} \text{s}$  έχουμε

$$q = 16 \cdot 10^{-5} \cdot \sin\left(\frac{10^4}{4} \cdot \frac{4\pi}{3} \cdot 10^{-4}\right) \Rightarrow q = 16 \cdot 10^{-5} \cdot \sin\left(\frac{\pi}{3}\right) \Rightarrow q = 8 \cdot 10^{-5} \text{C}.$$

Για το ηλεκτρικό ρεύμα επίσης έχουμε  $i = -I \eta \omega t \Rightarrow i = -0,4 \cdot \eta \mu\left(\frac{\pi}{3}\right) \Rightarrow i = -0,2\sqrt{3} \text{A}$ .

$$\text{Τότε } \frac{\Delta \mathcal{E}}{\Delta t} = \frac{i}{\ell C} \Rightarrow \frac{\Delta \mathcal{E}}{\Delta t} = \frac{-0,2\sqrt{3}}{8 \cdot 10^{-9}} = -\frac{10^8 \sqrt{3}}{4} \text{V/m}\cdot\text{s}.$$

β) Για την τάση από αυτεπαγωγή στο πηνίο ισχύει  $V_L = -N \frac{\Delta \Phi}{\Delta t} = -L \frac{\Delta i}{\Delta t} \Rightarrow$

$\Rightarrow \frac{\Delta \Phi}{\Delta t} = \frac{L}{N} \frac{\Delta i}{\Delta t}$  με  $\frac{\Delta i}{\Delta t} = -\omega^2 \cdot q$ . Άρα για το ρυθμό μεταβολής της μαγνητικής ροής του

μαγνητικού πεδίου του πηνίου ισχύει,  $\frac{\Delta \Phi}{\Delta t} = -\frac{L}{N} \omega^2 \cdot q \Rightarrow \frac{\Delta \Phi}{\Delta t} = -2 \cdot 10^{-5} \frac{10^8}{16} 8 \cdot 10^{-5} \Rightarrow$

$$\Rightarrow \frac{\Delta \Phi}{\Delta t} = -10^{-2} \text{Wb/s}.$$

γ) Ισχύει  $\frac{\Delta \Phi}{\Delta t} = S \cdot \frac{\Delta B}{\Delta t} \Rightarrow \frac{\Delta B}{\Delta t} = \frac{1}{S} \cdot \frac{\Delta \Phi}{\Delta t} \Rightarrow \frac{\Delta B}{\Delta t} = -\frac{10^{-2}}{10^{-4}} = -100 \text{T/s}$ .

**ΠΑΡΑΤΗΡΗΣΗ:**

Γενικά για το ρυθμό μεταβολής της έντασης του μαγνητικού πεδίου του πηνίου ισχύει

$$\frac{\Delta B}{\Delta t} = -\frac{L}{S \cdot N} \cdot \omega^2 \cdot q$$