

**ΠΡΟΑΓΩΓΙΚΕΣ ΕΞΕΤΑΣΕΙΣ Β΄ ΤΑΞΗΣ  
ΗΜΕΡΗΣΙΟΥ ΕΝΙΑΙΟΥ ΛΥΚΕΙΟΥ  
ΣΑΒΒΑΤΟ 5 ΙΟΥΝΙΟΥ 2004  
ΕΞΕΤΑΖΟΜΕΝΟ ΜΑΘΗΜΑ:  
ΓΕΩΜΕΤΡΙΑ ΓΕΝΙΚΗΣ ΠΑΙΔΕΙΑΣ**

**ΘΕΜΑ 1ο**

**A.** Να αποδείξετε ότι το εμβαδόν ενός ορθογώνιου παραλληλογράμμου ισούται με το γινόμενο των πλευρών του.

**Μονάδες 11**

**B.** Να γράψετε στο τετράδιό σας τα γράμματα της **Στήλης I** και δίπλα σε κάθε γράμμα τον αριθμό της **Στήλης II** που αντιστοιχεί στο σωστό τύπο.

Στήλη I	Στήλη II
<b>α.</b> Εμβαδόν τραπεζίου	<b>1.</b> $E = \tau\rho$
<b>β.</b> Εμβαδόν τριγώνου	<b>2.</b> $E = \frac{\pi R^2 \mu}{360}$
<b>γ.</b> Εμβαδόν κανονικού πολυγώνου	<b>3.</b> $E = \frac{(B + \beta) \nu}{2}$
	<b>4.</b> $E = \frac{1}{2} P_{\nu} \alpha_{\nu}$
	<b>5.</b> $E = \alpha \nu_{\alpha}$

Στη **Στήλη II** περισσεύουν δύο τύποι.

**Μονάδες 6**

**Γ.** Να χαρακτηρίσετε τις προτάσεις που ακολουθούν, γράφοντας στο τετράδιό σας τη λέξη "**Σωστό**", αν η πρόταση είναι σωστή, και "**Λάθος**", αν η πρόταση είναι λάθος, δίπλα στο γράμμα που αντιστοιχεί σε κάθε πρόταση.

α. Σε κάθε τρίγωνο ΑΒΓ ισχύει η σχέση

$$\alpha^2 = \beta^2 + \gamma^2 - 2\beta\gamma$$

β. Σε κάθε κανονικό ν-γωνο ακτίνας R με πλευρά  $\lambda_\nu$  και απόστημα  $\alpha_\nu$  ισχύει η σχέση:

$$\alpha_\nu^2 + \frac{\lambda_\nu^2}{2} = R^2.$$

γ. Σε κάθε ορθογώνιο τρίγωνο, το τετράγωνο του ύψους του που αντιστοιχεί στην υποτείνουσα είναι ίσο με το γινόμενο των προβολών των καθέτων πλευρών του στην υποτείνουσα.

δ. Το άθροισμα των τετραγώνων δύο πλευρών ενός τριγώνου ισούται με το διπλάσιο του τετραγώνου της διαμέσου που περιέχεται μεταξύ των πλευρών αυτών αυξημένο κατά το μισό του τετραγώνου της τρίτης πλευράς.

**Μονάδες 8**

### ΘΕΜΑ 2ο

Δίνεται κανονικό πολύγωνο  $A_1 A_2 \dots A_\nu$  εγγεγραμμένο σε κύκλο με κέντρο O και ακτίνα R. Αν η γωνία του πολυγώνου είναι  $\varphi_\nu = 150^\circ$ , να βρείτε:

α. Τον αριθμό των πλευρών του πολυγώνου.

**Μονάδες 10**

β. Την κεντρική γωνία του πολυγώνου  $\omega_\nu$ .

**Μονάδες 8**

γ. Το εμβαδόν του πολυγώνου συναρτήσει της ακτίνας R.

**Μονάδες 7**

### ΘΕΜΑ 3ο

Δίνεται οξυγώνιο τρίγωνο ΑΒΓ με μήκη πλευρών  $\gamma=2$ ,  $\beta=1+\sqrt{2}$  και εμβαδόν  $(ΑΒΓ) = \frac{\beta\gamma\sqrt{2}}{4}$ .

α. Να αποδείξετε ότι το μήκος της πλευράς  $a = \sqrt{3}$ .

**Μονάδες 9**

β. Να υπολογίσετε την ακτίνα  $R$  του περιγεγραμμένου κύκλου του τριγώνου  $AB\Gamma$ .

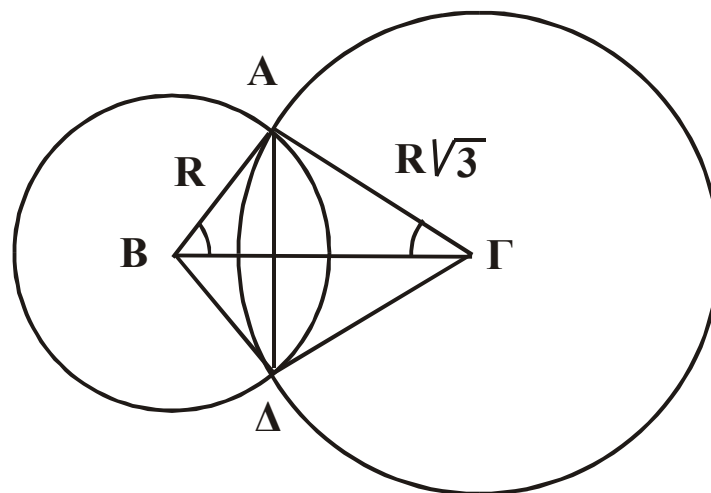
**Μονάδες 8**

γ. Να υπολογίσετε το μήκος της προβολής της πλευράς  $AB$  πάνω στη πλευρά  $B\Gamma$ .

**Μονάδες 8**

#### **ΘΕΜΑ 4ο**

Δίνεται ορθογώνιο τρίγωνο  $AB\Gamma$  ( $\hat{A} = 90^\circ$ ) με μήκη πλευρών  $AB=R$  και  $A\Gamma = R\sqrt{3}$ . Γράφουμε τους κύκλους  $(B, R)$  και  $(\Gamma, R\sqrt{3})$ .



Να υπολογίσετε:

α. Το μήκος της πλευράς  $B\Gamma$  συναρτήσει του  $R$ .

**Μονάδες 4**

β. Τις γωνίες  $\hat{B}$  και  $\hat{\Gamma}$ .

**Μονάδες 4**

γ. Το εμβαδόν του τετραπλεύρου  $AB\Delta\Gamma$  συναρτήσει του  $R$ .

**Μονάδες 8**

δ. Το εμβαδόν του κοινού μέρους των δύο κύκλων συναρτήσει του  $R$ .

**Μονάδες 9**

