

**Ορισμοί**• **Συνέχεια στο σημείο  $x_0$  του πεδίου ορισμού της**

Μια συνάρτηση  $f$  λέγεται συνεχής στο σημείο  $x_0$  του πεδίου ορισμού της όταν:

$$\lim_{x \rightarrow x_0} f(x) = f(x_0)$$

Δηλαδή το όριο της  $f$  στο  $x_0$  ισούται με την τιμή της συνάρτησης στο  $x_0$

• **Συνέχεια στο σημείο σ'όλο του πεδίου ορισμού της**

Μια συνάρτηση  $f$  λέγεται συνεχής στο του πεδίου ορισμού της όταν είναι συνεχής σε όλα τα σημεία του πεδίου ορισμού της.

• **Συνέχεια σε ανοικτό διάστημα  $(\alpha, \beta)$** 

Μια συνάρτηση  $f$  είναι συνεχής στο  $(\alpha, \beta)$  όταν είναι συνεχής σε κάθε σημείο του  $(\alpha, \beta)$ .

• **Συνέχεια σε κλειστό διάστημα  $[\alpha, \beta]$** 

Μια συνάρτηση  $f$  είναι συνεχής στο  $[\alpha, \beta]$  όταν:

- είναι συνεχής σε κάθε σημείο του ανοικτού διαστήματος  $(\alpha, \beta)$ .
- $\lim_{x \rightarrow \alpha^+} f(x) = f(\alpha)$
- $\lim_{x \rightarrow \beta^-} f(x) = f(\beta)$

**Πράξεις μεταξύ συνεχών συναρτήσεων**

1. Αν οι συναρτήσεις  $f$  και  $g$  είναι συνεχείς στο  $x_0$  τότε και οι συναρτήσεις:

$$\text{➤ } f + g, \quad f - g, \quad f \cdot g, \quad \lambda f, \quad \frac{f}{g}, \quad |f|, \quad \text{και} \quad \sqrt[n]{f}.$$

Είναι συνεχείς στο  $x_0$  με την προϋπόθεση ότι ορίζονται σε διάστημα που περιέχει το  $x_0$ .

2. Αν η συνάρτηση  $f$  είναι συνεχής στο  $x_0$  και συνάρτηση  $g$  είναι συνεχής στο  $f(x_0)$ , τότε η σύνθεση  $g \circ f$  είναι συνεχής στο  $x_0$ .

**Άρα**

Οι **πολυωνυμικές**, οι **ρητές**, οι **τριγωνομετρικές**, οι **εκθετικές**, οι **λογαριθμικές** και ότι **προκύπτει από αυτές** με **πρόσθεση**, **αφαίρεση**, **πολλαπλασιασμό**, **διαίρεση**, **απόλυτη τιμή**, **ρίζα** και **σύνθεση**

**ΕΙΝΑΙ ΣΥΝΕΧΕΙΣ ΣΥΝΑΡΤΗΣΕΙΣ**